

Спецсеминар

КЛАССИЧЕСКАЯ И КВАНТОВАЯ ДИНАМИКА В ЗАДАЧАХ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ФИЗИКИ

Руководители спецсеминара:

академик Валерий Васильевич Козлов,
чл.-корр. РАН Игорь Васильевич Волович,
д.ф.-м.н. Сергей Владимирович Козырев,
д.ф.-м.н. Олег Георгиевич Смолянов.

Программа спецсеминара

Цель спецсеминара – помочь студентам и аспирантам сделать первые шаги в научной работе. Поэтому предполагаются не только лекции руководителей семинара, но и доклады участников семинара по предложенным для выступлений и исследований темам.

На семинаре изучаются математические аспекты классической и квантовой динамики в задачах математической физики, в частности, квантовой механике, теории поля и статистической механике.

Кинетические, стохастические и другие уравнения, описывающие необратимые процессы, широко используются в приложениях, однако их совместность с обратимыми уравнениями микродинамики и проблема перехода от обратимого к необратимому поведению в неустойчивых динамических системах остается фундаментальной открытой проблемой.

Важные вклады в исследование этой проблемы внесли работы Пуанкаре, Больцмана, Гильберта, Боголюбова, фон Неймана, Колмогорова, «гиперболическая революция» 1960-х годов, исследования турбулентности, эргодичности, странных аттракторов, классического и квантового хаоса, проблемы измерений в квантовой механике.

Проблема остается весьма актуальной, в частности, на последнем Международном конгрессе математиков в Хайдарабаде (2010) три из четырех Филдсовских медалей были присуждены за работы по этой проблематике.

Математическое моделирование динамики сложных наноскопических и биологических систем является актуальной научной задачей и представляет интерес как для фундаментальных исследований, так и для приложений.

Внимание семинара будет сосредоточено на исследовании проблемы необратимости и пограничного между обратимым и необратимым поведения в моделях наносистем, однако близкие математические проблемы возникают также при исследовании процессов эволюции, релаксации, самоорганизации в различных физических, биологических, экономических, информационных системах.

Будут рассматриваться основное уравнение динамики и цепочка Боголюбова, эргодичность классических и квантовых динамических систем, метод слабого предела в механике, метод стохастического предела в квантовой теории, функциональная формулировка классической механики и молекулярная динамика, ме-

тоды p -адического анализа, интегралы по путям и другие современные методы математического исследования динамических систем.

Семинар работает по средам с 18:00.

Литература:

– В. В. Козлов. Ансамбли Гиббса и неравновесная статистическая механика. Рег. и хаот. динамика, Инст. комп.иссл., 2008 г.

– В. С. Владимиров, И. В. Волович, Е. И.Зеленов, p -Адический анализ и математическая физика. М.: Наука. Физматлит., 1994. 352 с.

– С. В. Козырев, Методы и приложения ультраметрического и p -адического анализа: от теории всплесков до биофизики. Современные проблемы математики. Выпуск 12. Москва, МИАН, 2008.

<http://www.mathnet.ru/links/3e0fa67c4f14f8e4616bf5ab01e76ddb/spm23.pdf>

– L.Accardi, Y.G.Lu, I.Volovich. Quantum Theory and Its Stochastic Limit. Springer, 2002.

– M.Ohya, I. V.Volovich, Mathematical Foundations of Quantum Information and Computation and Its Applications to Nano- and Bio-systems. Springer, 2011.